

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2022**  
Β' ΦΑΣΗ

**E\_3.Μλ1Α(ε)**

**ΤΑΞΗ:** Α' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

**ΜΑΘΗΜΑ:** ΑΛΓΕΒΡΑ

**Ημερομηνία: Σάββατο 7 Μαΐου 2022**  
**Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες**

**ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ Α**

- A1.** Αν  $x_1, x_2$  είναι οι ρίζες της εξίσωσης  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0$  με  $\alpha \neq 0$  και  $\Delta > 0$  να αποδείξετε ότι:

$$x_1 + x_2 = -\frac{\beta}{\alpha} \quad \text{και} \quad x_1 \cdot x_2 = \frac{\gamma}{\alpha}$$

**Μονάδες 15**

- A2.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

- i) Το συμμετρικό του σημείου  $A(\alpha, \beta)$  ως προς τον άξονα  $yy'$  είναι το  $A'(\alpha, -\beta)$
- ii) Αν στο τριώνυμο  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma$ , με  $\alpha \neq 0$  οι αριθμοί  $\alpha, \gamma$  είναι ετερόσημοι, τότε αυτό έχει 2 ρίζες πραγματικές και άνισες.
- iii) Αν  $|x| < \theta$  με  $\theta > 0$  τότε ισχύει  $x > \theta$  ή  $x < -\theta$ .
- iv) Το άθροισμα ν πρώτων όρων αριθμητικής προόδου δίνεται από τον τύπο  $S_v = \frac{v}{2}[2a_1 + (v - 1)\omega]$
- v) Η γραφική παράσταση μίας συνάρτησης  $f$  διέρχεται από το σημείο  $(3, 5)$  αν ισχύει  $f(3) = 5$ .

**Μονάδες 10**

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2022**  
Β' ΦΑΣΗ

**E\_3.Μλ1Α(ε)**

**ΘΕΜΑ Β**

Δίνονται οι παραστάσεις  $A = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}+\sqrt{2}}$  και  $B = \sqrt{2 + \sqrt[4]{13 + \sqrt[3]{27}}}$

- B1.** Να δείξετε ότι  $A=4$  και  $B=2$ .

**Μονάδες 6**

- B2.** Να δείξετε ότι το σύνολο λύσεων της ανίσωσης  $\frac{|3-x|-2}{A} - \frac{|2x-6|-3}{B} > -2$  (1)  
είναι το  $\Delta = (-1, 7)$ .

**Μονάδες 7**

- B3.** Αν οι μη μηδενικές ακέραιες λύσεις  $\alpha_1, \alpha_2$  της ανίσωσης (1) που είναι πολλαπλάσια του 3, με  $\alpha_1 < \alpha_2$ , αποτελούν όρους γεωμετρικής προόδου με  $\alpha_1, \alpha_2$  αντίστοιχα τον πρώτο και δεύτερο όρο, τότε να βρείτε τον  $6^{\circ}$  όρο της προόδου.

**Μονάδες 5**

- B4.** Να απλοποιήσετε την παράσταση  $\Gamma = |x+4| - 2|x-8|$  αν το  $x$  ανήκει στο διάστημα των λύσεων της ανίσωσης (1).

**Μονάδες 7**

**ΘΕΜΑ Γ**

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = \frac{x^2 - \alpha x + \beta}{|x+1|-2}$

- Γ1.** Να βρείτε τον θετικό αριθμό  $\alpha$  αν ισχύει  $(\alpha-1)^4 - 81 = 0$

**Μονάδες 5**

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2022**  
Β' ΦΑΣΗ

**E\_3.Μλ1Α(ε)**

- Γ2.** Για  $\alpha=4$  αν γνωρίζουμε ότι η γραφική παράσταση της  $f$  διέρχεται από το  $A(-1, -4)$ , τότε να δείξετε ότι το  $\beta=3$ .

**Μονάδες 5**

- Γ3.** Να βρείτε το πεδίο ορισμού της συνάρτησης  $f$  και κατόπιν για  $x>1$  να αποδείξετε ότι  $f(x)=x-3$

**Μονάδες 8**

- Γ4.** Να λύσετε την ανίσωση  $f(5) \cdot x^2 - f(6) \cdot x + 1 \leq 0$ .

**Μονάδες 7**

**ΘΕΜΑ Δ**

$$\text{Δίνεται η εξίσωση } x^2 - (2\lambda - 1)x + \lambda(\lambda - 2) = 0 \quad (1)$$

- Δ1.** Να βρεθούν οι τιμές του  $\lambda \in \mathbb{R}$  έτσι ώστε η εξίσωση (1) να έχει δύο άνισες πραγματικές ρίζες  $x_1, x_2$ .

**Μονάδες 5**

- Δ2.** Αν  $x_1, x_2$  είναι ρίζες της εξίσωσης (1) για  $\lambda=1$

α) Να υπολογίσετε τις παραστάσεις  $S = x_1 + x_2$ ,  $P = x_1 \cdot x_2$ ,  $A = \frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$ .

**Μονάδες 7**

- β) Να βρείτε την εξίσωση 2<sup>ου</sup> βαθμού που έχει για λύσεις τους αριθμούς

$$\rho_1 = x_1 + \frac{1}{x_1}, \quad \rho_2 = x_2 + \frac{1}{x_2}$$

**Μονάδες 7**

- Δ3.** Να βρεθούν οι τιμές του  $\lambda \in \mathbb{R}$  έτσι ώστε η ανίσωση  $x^2 - (2\lambda - 1)x + \lambda(\lambda - 2) > 0$  να αληθεύει για κάθε  $x \in \mathbb{R}$

**Μονάδες 6**