

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2021
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ1Α(ε)

ΤΑΞΗ: Α' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΜΑΘΗΜΑ: ΑΛΓΕΒΡΑ

Ημερομηνία: Μ. Τετάρτη 28 Απριλίου 2021

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1. Έστω x_1, x_2 οι ρίζες της εξίσωσης $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0, \alpha \neq 0$

Να αποδείξετε ότι το άθροισμα S των ριζών της δίνεται από τον τύπο:

$$S = x_1 + x_2 = -\frac{\beta}{\alpha} \quad \text{ενώ το γινόμενο τους } P \text{ δίνεται από τον τύπο } P = x_1 \cdot x_2 = \frac{\gamma}{\alpha}$$

Μονάδες 12

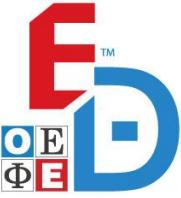
- A2. Να αντιστοιχίσετε καθένα από τα τριώνυμα της Α ομάδας με την ισοδύναμη μορφή του από τη Β ομάδα μεταφέροντας στο τετράδιο σας τον πίνακα 1

Α' ΟΜΑΔΑ	
1	$-2x^2 + 6x - 4$
2	$x^2 - 3x + 2$
3	$-x^2 + 3x - 2$
4	$2x^2 - 6x + 4$

Β' ΟΜΑΔΑ	
A	$(x-1)(x-2)$
B	$2(x-1)(x-2)$
Γ	$-2(x-1)(x-2)$
Δ	$-(x-1)(x-2)$

ΠΙΝΑΚΑΣ 1			
1	2	3	4

Μονάδες 8

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2021
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ1Α(ε)

- A3.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

(α) Αν η εξίσωση $ax^2 + bx + \gamma = 0$ με $a \neq 0$ έχει δύο άνισες ρίζες x_1, x_2 , τότε

$$ax^2 + bx + \gamma = a(x - x_1)(x - x_2)$$

(β) Για κάθε αρνητικό πραγματικό αριθμό α ισχύει $|x| = -x$

(γ) Αν $\alpha > \beta > 0$, τότε $\frac{1}{\alpha} < \frac{1}{\beta}$

(δ) Το συμμετρικό του σημείου $M(\alpha, \beta)$ ως προς τον άξονα x' είναι το σημείο $M'(-\alpha, \beta)$ για κάθε $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$.

(ε) Η εξίσωση $\alpha x + \beta = 0$ έχει τουλάχιστον μία λύση για κάθε $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$

ΘΕΜΑ Β

- B1.** Να λύσετε την ανίσωση $x^2 - 6x + 5 > 0$ και να γράψετε με μορφή διαστημάτων το σύνολο των λύσεων της.

Μονάδες 5**Μονάδες 8**

- B2.** Να λύσετε την ανίσωση $|2x + 4| \leq 16$ και να εξετάσετε αν ο αριθμός

$$\alpha = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{7} + \sqrt{5}} + \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7} - \sqrt{5}} \text{ ανήκει στο σύνολο λύσεων της.}$$

Μονάδες 8

- B3.** Να βρείτε ποιες ρίζες της εξίσωσης $x^2 - 7|x| + 12 = 0$ ανήκουν στο σύνολο των λύσεων της ανίσωσης του ερωτήματος **B1**.

Μονάδες 9

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2021
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ1Α(ε)

ΘΕΜΑ Γ

Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \frac{x^2 + ax - 2}{x - a}$, όπου a θετικός πραγματικός αριθμός της οποίας η γραφική παράσταση διέρχεται από το σημείο $M(a+1, 4)$

Γ1. Δείξτε ότι $a=1$ και στη συνέχεια να βρείτε το πεδίο ορισμού της A

Μονάδες 8

- Γ2. (i) Να απλοποιήσετε τον τύπο της f και να βρείτε τα σημεία τομής της γραφικής παράστασης της f με τους άξονες x', y'
(ii) Να σχεδιάσετε τη γραφική της παράσταση

Μονάδες 10(7+3)

Γ3. Να λύσετε την εξίσωση $(f(x)-2)^4 + 3(f(x)-2)^2 - 4 = 0$, $x \in A$

Μονάδες 7

ΘΕΜΑ Δ

Δίνεται το τριώνυμο $(\lambda-2)x^2 - 2\lambda x + 2\lambda - 3$, $x \in \mathbb{R}$ και $\lambda \in \mathbb{R} - \{2\}$ μια παράμετρος.

- Δ1. (i) Να αποδείξετε ότι η διακρίνουσα του τριωνύμου είναι $\Delta = -4\lambda^2 + 28\lambda - 24$
(ii) Να βρείτε για ποιες τιμές του λ η εξίσωση $(\lambda-2)x^2 - 2\lambda x + 2\lambda - 3 = 0$ έχει δύο ρίζες πραγματικές και άνισες.

Μονάδες 8

Δ2. Για ποιες τιμές του λ ισχύει $(\lambda-2)x^2 - 2\lambda x + 2\lambda - 3 > 0$ για κάθε $x \in \mathbb{R}$;

Μονάδες 8

Δ3. Αν για τις ρίζες x_1, x_2 του τριωνύμου ισχύει $x_1^2 + x_2^2 = \frac{2\lambda}{(2-\lambda)^2}$ να αποδείξετε ότι $\lambda = 1$

Μονάδες 9